

Sei $G = (\{a, b\}, \{S, A\}, \{S\}, \{p_1, p_2, p_3\})$ eine LCFRS mit

$$p_1 = S \rightarrow \langle x_{1,1}x_{1,2} \rangle(A)$$

$$p_2 = A \rightarrow \langle \epsilon, \epsilon \rangle()$$

$$p_3 = A \rightarrow \langle ax_{1,1}b, ax_{1,2}b \rangle(A)$$

Wort w : $abab$ (nach (Ruprecht, 2017))

Arten von Items:

- Aktiv: $[\phi, A \rightarrow \langle u_1, \dots, u_i, \dots, u_\ell \rangle(A_1, \dots, A_k), i, \rho \bullet u'_i, \Gamma]$
 - ϕ : partielle Funktion $\mathbb{N} \rightarrow \mathcal{P}$ (Welche Regel für Nichtterminale)
 - i : Index der betrachteten Komponente
 - ρ : Range
 - u'_i : Verbleibende Komponente
 - Γ : partielle Funktion $(\mathbb{N} \times \mathbb{N}) \rightarrow \text{Range}$ (Ranges der Variablen)
- Passiv: $(A \rightarrow \langle u_1, \dots, u_\ell \rangle(A_1, \dots, A_k), \zeta, \eta)$
 - ζ : Rangevektor aller Komponenten (der Länge ℓ)
 - η : Rangevektoren aller eingesetzten Nichtterminale

Implementierung und Evaluierung eines inkrementellen Parsers in Vanda

Komplexpraktikum - Zwischenpräsentation

Niklas Wünsche

Fakultät Informatik
TU Dresden

8. Juni 2018

- Was bedeutet Parsen?
- Vorteile des Formalismus LCFRS
- Deduktionssysteme
- Inkrementeller Parser
- Aktueller Stand der Implementierung
- Weitere Aufgaben

- Was bedeutet Parsen?
- Vorteile des Formalismus LCFRS
- Deduktionssysteme
- Inkrementeller Parser
- Aktueller Stand der Implementierung
- Weitere Aufgaben

- Was bedeutet Parsen?
- Vorteile des Formalismus LCFRS
- Deduktionssysteme
- Inkrementeller Parser
- Aktueller Stand der Implementierung
- Weitere Aufgaben

- Was bedeutet Parsen?
- Vorteile des Formalismus LCFRS
- Deduktionssysteme
- Inkrementeller Parser
- Aktueller Stand der Implementierung
- Weitere Aufgaben

- Was bedeutet Parsen?
- Vorteile des Formalismus LCFRS
- Deduktionssysteme
- Inkrementeller Parser
- Aktueller Stand der Implementierung
- Weitere Aufgaben

- Was bedeutet Parsen?
- Vorteile des Formalismus LCFRS
- Deduktionssysteme
- Inkrementeller Parser
- Aktueller Stand der Implementierung
- Weitere Aufgaben

Was bedeutet Parsen?

- Erkennen: Eingabe: w und G , Ausgabe: $w \in L(G)$?
- Parsen: Eingabe: w und G , Ausgabe: Ableitungsbäume

Was bedeutet Parsen?

- Erkennen: Eingabe: w und G , Ausgabe: $w \in L(G)$?
- Parsen: Eingabe: w und G , Ausgabe: Ableitungsbäume

Problem:

- CFGs können keine Cross-Serial Dependencies darstellen (Shieber, 1985)
 - Parsen von CFGs in polynomieller Zeit möglich
- CSGs können Cross-Serial Dependencies darstellen
 - Parsingproblem von CSGs ist *PSPACE*-vollständig
- **Verbinden der positiven Eigenschaften möglich?**

Problem:

- CFGs können keine Cross-Serial Dependencies darstellen (Shieber, 1985)
 - Parsen von CFGs in polynomieller Zeit möglich
- CSGs können Cross-Serial Dependencies darstellen
 - Parsingproblem von CSGs ist *PSPACE*-vollständig
- Verbinden der positiven Eigenschaften möglich?

Problem:

- CFGs können keine Cross-Serial Dependencies darstellen (Shieber, 1985)
 - Parsen von CFGs in polynomieller Zeit möglich
- CSGs können Cross-Serial Dependencies darstellen
 - Parsingproblem von CSGs ist *PSPACE*-vollständig
- Verbinden der positiven Eigenschaften möglich?

Problem:

- CFGs können keine Cross-Serial Dependencies darstellen (Shieber, 1985)
 - Parsen von CFGs in polynomieller Zeit möglich
- CSGs können Cross-Serial Dependencies darstellen
 - Parsingproblem von CSGs ist *PSPACE*-vollständig
- **Verbinden der positiven Eigenschaften möglich?**

- Formalismen mit Ausdruckstärke zwischen CFGs und CSGs
- Können Cross-Serial Dependencies darstellen
- In polynomieller Zeit parsbar
- Viele verschiedene Formalismen definiert
- **String - Linear Context-Free Rewriting Systems (LCFRS)**

nach (Vijay-Shanker, Weir & Joshi, 1987)

- Formalismen mit Ausdruckstärke zwischen CFGs und CSGs
- Können Cross-Serial Dependencies darstellen
- In polynomieller Zeit parsbar
- Viele verschiedene Formalismen definiert
- **String - Linear Context-Free Rewriting Systems (LCFRS)**

nach (Vijay-Shanker et al., 1987)

- Formalismen mit Ausdruckstärke zwischen CFGs und CSGs
- Können Cross-Serial Dependencies darstellen
- In polynomieller Zeit parsbar
- Viele verschiedene Formalismen definiert
- **String - Linear Context-Free Rewriting Systems (LCFRS)**

nach (Vijay-Shanker et al., 1987)

- Formalismen mit Ausdruckstärke zwischen CFGs und CSGs
- Können Cross-Serial Dependencies darstellen
- In polynomieller Zeit parsbar
- Viele verschiedene Formalismen definiert
- **String - Linear Context-Free Rewriting Systems (LCFRS)**

nach (Vijay-Shanker et al., 1987)

- Formalismen mit Ausdruckstärke zwischen CFGs und CSGs
- Können Cross-Serial Dependencies darstellen
- In polynomieller Zeit parsbar
- Viele verschiedene Formalismen definiert
- **String - Linear Context-Free Rewriting Systems (LCFRS)**

nach (Vijay-Shanker et al., 1987)

- Menge von Regeln der Form

$$A \rightarrow \langle u_1, \dots, u_i, \dots, u_\ell \rangle (A_1, \dots, A_i, \dots, A_k)$$

- **Komponente:** u_i
 - Nichtterminal: A_i
 - Regeln nicht-löschend und linear
-
- Eigenschaften von G :
 - Regel p_3 mit Komponenten $ax_{1,1}b$ und $ax_{1,2}b$
 - Komponente $ax_{1,1}b$ enthält **Variable** $x_{1,1}$
 - Erzeugt die Sprache $L(G) = \{a^n b^n a^n b^n \mid n \in \mathbb{N}\}$

- Menge von Regeln der Form

$$A \rightarrow \langle u_1, \dots, u_i, \dots, u_\ell \rangle (A_1, \dots, A_i, \dots, A_k)$$

- **Komponente:** u_i
 - Nichtterminal: A_i
 - Regeln nicht-löschend und linear

- Eigenschaften von G :
 - Regel p_3 mit Komponenten $ax_{1,1}b$ und $ax_{1,2}b$
 - Komponente $ax_{1,1}b$ enthält **Variable** $x_{1,1}$
 - Erzeugt die Sprache $L(G) = \{a^n b^n a^n b^n \mid n \in \mathbb{N}\}$

- Menge von Regeln der Form

$$A \rightarrow \langle u_1, \dots, u_i, \dots, u_\ell \rangle (A_1, \dots, A_i, \dots, A_k)$$

- **Komponente:** u_i
 - Nichtterminal: A_i
 - Regeln nicht-löschend und linear
-
- Eigenschaften von G :
 - Regel p_3 mit Komponenten $ax_{1,1}b$ und $ax_{1,2}b$
 - Komponente $ax_{1,1}b$ enthält **Variable** $x_{1,1}$
 - Erzeugt die Sprache $L(G) = \{a^n b^n a^n b^n \mid n \in \mathbb{N}\}$

- Menge von Regeln der Form

$$A \rightarrow \langle u_1, \dots, u_i, \dots, u_\ell \rangle (A_1, \dots, A_i, \dots, A_k)$$

- **Komponente:** u_i
 - Nichtterminal: A_i
 - Regeln nicht-löschend und linear
-
- Eigenschaften von G :
 - Regel p_3 mit Komponenten $ax_{1,1}b$ und $ax_{1,2}b$
 - Komponente $ax_{1,1}b$ enthält **Variable** $x_{1,1}$
 - Erzeugt die Sprache $L(G) = \{a^n b^n a^n b^n \mid n \in \mathbb{N}\}$

- Menge von Regeln der Form

$$A \rightarrow \langle u_1, \dots, u_i, \dots, u_\ell \rangle (A_1, \dots, A_i, \dots, A_k)$$

- **Komponente:** u_i
 - Nichtterminal: A_i
 - Regeln nicht-löschend und linear
-
- Eigenschaften von G :
 - Regel p_3 mit Komponenten $ax_{1,1}b$ und $ax_{1,2}b$
 - Komponente $ax_{1,1}b$ enthält **Variable** $x_{1,1}$
 - Erzeugt die Sprache $L(G) = \{a^n b^n a^n b^n \mid n \in \mathbb{N}\}$

- Menge von Regeln der Form

$$A \rightarrow \langle u_1, \dots, u_i, \dots, u_\ell \rangle (A_1, \dots, A_i, \dots, A_k)$$

- **Komponente:** u_i
 - Nichtterminal: A_i
 - Regeln nicht-löschend und linear
-
- Eigenschaften von G :
 - Regel p_3 mit Komponenten $ax_{1,1}b$ und $ax_{1,2}b$
 - Komponente $ax_{1,1}b$ enthält **Variable** $x_{1,1}$
 - Erzeugt die Sprache $L(G) = \{a^n b^n a^n b^n \mid n \in \mathbb{N}\}$

- Menge von Regeln der Form

$$A \rightarrow \langle u_1, \dots, u_i, \dots, u_\ell \rangle (A_1, \dots, A_i, \dots, A_k)$$

- **Komponente:** u_i
 - Nichtterminal: A_i
 - Regeln nicht-löschend und linear
-
- Eigenschaften von G :
 - Regel p_3 mit Komponenten $ax_{1,1}b$ und $ax_{1,2}b$
 - Komponente $ax_{1,1}b$ enthält **Variable** $x_{1,1}$
 - Erzeugt die Sprache $L(G) = \{a^n b^n a^n b^n \mid n \in \mathbb{N}\}$

- Menge von Regeln der Form

$$A \rightarrow \langle u_1, \dots, u_i, \dots, u_\ell \rangle (A_1, \dots, A_i, \dots, A_k)$$

- **Komponente:** u_i
 - Nichtterminal: A_i
 - Regeln nicht-löschend und linear
-
- Eigenschaften von G :
 - Regel p_3 mit Komponenten $ax_{1,1}b$ und $ax_{1,2}b$
 - Komponente $ax_{1,1}b$ enthält **Variable** $x_{1,1}$
 - Erzeugt die Sprache $L(G) = \{a^n b^n a^n b^n \mid n \in \mathbb{N}\}$

- **Range:** Paar von Indizes
 - Bezieht sich auf ein Wort
- Instanziierung von a in Komponente $ax_{1,1}b$ von p_3 :
 - $(0, 1)x_{1,1}b$ für $abab$
 - $(2, 3)x_{1,1}b$ für $abab$
- Konkatination von Ranges: $(0, 1) \cdot (1, 2) = (0, 2)$
 - Kann fehlschlagen: $(0, 1) \cdot (2, 3)$
 - e als neutrales Element: $e \cdot (0, 1) = (0, 1)$
- Rangevektor: Folge von nicht überlappenden Ranges
Beispiel: $\langle (0, 1), (2, 3) \rangle$

- **Range:** Paar von Indizes
 - Bezieht sich auf ein Wort
- Instanziierung von a in Komponente $ax_{1,1}b$ von p_3 :
 - $(0, 1)x_{1,1}b$ für $abab$
 - $(2, 3)x_{1,1}b$ für $abab$
- Konkatination von Ranges: $(0, 1) \cdot (1, 2) = (0, 2)$
 - Kann fehlschlagen: $(0, 1) \cdot (2, 3)$
 - e als neutrales Element: $e \cdot (0, 1) = (0, 1)$
- Rangevektor: Folge von nicht überlappenden Ranges
Beispiel: $\langle (0, 1), (2, 3) \rangle$

- **Range:** Paar von Indizes
 - Bezieht sich auf ein Wort
- Instanziierung von a in Komponente $ax_{1,1}b$ von p_3 :
 - $(0, 1)_{x_{1,1}}b$ für a bab
 - $(2, 3)_{x_{1,1}}b$ für ab a
- Konkatination von Ranges: $(0, 1) \cdot (1, 2) = (0, 2)$
 - Kann fehlschlagen: $(0, 1) \cdot (2, 3)$
 - e als neutrales Element: $e \cdot (0, 1) = (0, 1)$
- Rangevektor: Folge von nicht überlappenden Ranges
Beispiel: $\langle (0, 1), (2, 3) \rangle$

- **Range:** Paar von Indizes
 - Bezieht sich auf ein Wort
- Instanziierung von a in Komponente $ax_{1,1}b$ von p_3 :
 - $(0, 1)x_{1,1}b$ für **a**bab
 - $(2, 3)x_{1,1}b$ für ab**a**b
- Konkatination von Ranges: $(0, 1) \cdot (1, 2) = (0, 2)$
 - Kann fehlschlagen: $(0, 1) \cdot (2, 3)$
 - e als neutrales Element: $e \cdot (0, 1) = (0, 1)$
- Rangevektor: Folge von nicht überlappenden Ranges
Beispiel: $\langle (0, 1), (2, 3) \rangle$

- **Range:** Paar von Indizes
 - Bezieht sich auf ein Wort
- Instanziierung von a in Komponente $ax_{1,1}b$ von p_3 :
 - $(0, 1)x_{1,1}b$ für **a**bab
 - $(2, 3)x_{1,1}b$ für ab**a**b
- Konkatination von Ranges: $(0, 1) \cdot (1, 2) = (0, 2)$
 - Kann fehlschlagen: $(0, 1) \cdot (2, 3)$
 - e als neutrales Element: $e \cdot (0, 1) = (0, 1)$
- Rangevektor: Folge von nicht überlappenden Ranges
Beispiel: $\langle (0, 1), (2, 3) \rangle$

- **Range:** Paar von Indizes
 - Bezieht sich auf ein Wort
- Instanziierung von a in Komponente $ax_{1,1}b$ von p_3 :
 - $(0, 1)x_{1,1}b$ für **a**bab
 - $(2, 3)x_{1,1}b$ für ab**a**b
- Konkatination von Ranges: $(0, 1) \cdot (1, 2) = (0, 2)$
 - Kann fehlschlagen: $(0, 1) \cdot (2, 3)$
 - e als neutrales Element: $e \cdot (0, 1) = (0, 1)$
- Rangevektor: Folge von nicht überlappenden Ranges
Beispiel: $\langle (0, 1), (2, 3) \rangle$

- **Range:** Paar von Indizes
 - Bezieht sich auf ein Wort
- Instanziierung von a in Komponente $ax_{1,1}b$ von p_3 :
 - $(0, 1)x_{1,1}b$ für **a**bab
 - $(2, 3)x_{1,1}b$ für ab**a**b
- Konkatination von Ranges: $(0, 1) \cdot (1, 2) = (0, 2)$
 - Kann fehlschlagen: $(0, 1) \cdot (2, 3)$
 - e als neutrales Element: $e \cdot (0, 1) = (0, 1)$
- Rangevektor: Folge von nicht überlappenden Ranges
Beispiel: $\langle (0, 1), (2, 3) \rangle$

- **Range:** Paar von Indizes
 - Bezieht sich auf ein Wort
- Instanziierung von a in Komponente $ax_{1,1}b$ von p_3 :
 - $(0, 1)x_{1,1}b$ für a bab
 - $(2, 3)x_{1,1}b$ für ab**a**b
- Konkatination von Ranges: $(0, 1) \cdot (1, 2) = (0, 2)$
 - Kann fehlschlagen: $(0, 1) \cdot (2, 3)$
 - e als neutrales Element: $e \cdot (0, 1) = (0, 1)$
- Rangevektor: Folge von nicht überlappenden Ranges
Beispiel: $\langle (0, 1), (2, 3) \rangle$

- **Range:** Paar von Indizes
 - Bezieht sich auf ein Wort
- Instanziierung von a in Komponente $ax_{1,1}b$ von p_3 :
 - $(0, 1)x_{1,1}b$ für a bab
 - $(2, 3)x_{1,1}b$ für ab**a**b
- Konkatination von Ranges: $(0, 1) \cdot (1, 2) = (0, 2)$
 - Kann fehlschlagen: $(0, 1) \cdot (2, 3)$
 - e als neutrales Element: $e \cdot (0, 1) = (0, 1)$
- Rangevektor: Folge von nicht überlappenden Ranges
Beispiel: $\langle (0, 1), (2, 3) \rangle$

- **Range:** Paar von Indizes
 - Bezieht sich auf ein Wort
- Instanziierung von a in Komponente $ax_{1,1}b$ von p_3 :
 - $(0, 1)x_{1,1}b$ für a bab
 - $(2, 3)x_{1,1}b$ für ab**a**b
- Konkatination von Ranges: $(0, 1) \cdot (1, 2) = (0, 2)$
 - Kann fehlschlagen: $(0, 1) \cdot (2, 3)$
 - e als neutrales Element: $e \cdot (0, 1) = (0, 1)$
- Rangevektor: Folge von nicht überlappenden Ranges
Beispiel: $\langle (0, 1), (2, 3) \rangle$

Ein Deduktionssystem $D = (I, R)$ besteht aus

- Menge von Items I
- Menge von Deduktionsregeln $R \subseteq I^* \rightarrow I$ (partielle Funktionen)
- Deduktionsregel leitet aus **Vorgängern** eine **Konsequenz** ab

Notation Deduktionsregeln:

- $\frac{a_1, \dots, a_n}{c}$ Nebenbedingung
- $a_1, \dots, a_n \vdash c$, wenn $\exists r \in R : r(a_1, \dots, a_n) = c$

Ein Deduktionssystem $D = (I, R)$ besteht aus

- Menge von Items I
- Menge von Deduktionsregeln $R \subseteq I^* \rightarrow I$ (partielle Funktionen)
- Deduktionsregel leitet aus **Vorgängern** eine **Konsequenz** ab

Notation Deduktionsregeln:

- $\frac{a_1, \dots, a_n}{c}$ Nebenbedingung
- $a_1, \dots, a_n \vdash c$, wenn $\exists r \in R : r(a_1, \dots, a_n) = c$

Ein Deduktionssystem $D = (I, R)$ besteht aus

- Menge von Items I
- Menge von Deduktionsregeln $R \subseteq I^* \rightarrow I$ (partielle Funktionen)
- Deduktionsregel leitet aus **Vorgängern** eine **Konsequenz** ab

Notation Deduktionsregeln:

- $\frac{a_1, \dots, a_n}{c}$ Nebenbedingung
- $a_1, \dots, a_n \vdash c$, wenn $\exists r \in R : r(a_1, \dots, a_n) = c$

Ein Deduktionssystem $D = (I, R)$ besteht aus

- Menge von Items I
- Menge von Deduktionsregeln $R \subseteq I^* \rightarrow I$ (partielle Funktionen)
- Deduktionsregel leitet aus **Vorgängern** eine **Konsequenz** ab

Notation Deduktionsregeln:

- $\frac{a_1, \dots, a_n}{c}$ Nebenbedingung
- $a_1, \dots, a_n \vdash c$, wenn $\exists r \in R : r(a_1, \dots, a_n) = c$

Ein Deduktionssystem $D = (I, R)$ besteht aus

- Menge von Items I
- Menge von Deduktionsregeln $R \subseteq I^* \rightarrow I$ (partielle Funktionen)
- Deduktionsregel leitet aus **Vorgängern** eine **Konsequenz** ab

Notation Deduktionsregeln:

- $\frac{a_1, \dots, a_n}{c}$ Nebenbedingung
- $a_1, \dots, a_n \vdash c$, wenn $\exists r \in R : r(a_1, \dots, a_n) = c$

Ein Deduktionssystem $D = (I, R)$ besteht aus

- Menge von Items I
- Menge von Deduktionsregeln $R \subseteq I^* \rightarrow I$ (partielle Funktionen)
- Deduktionsregel leitet aus **Vorgängern** eine **Konsequenz** ab

Notation Deduktionsregeln:

- $\frac{a_1, \dots, a_n}{c}$ Nebenbedingung
- $a_1, \dots, a_n \vdash c$, wenn $\exists r \in R : r(a_1, \dots, a_n) = c$

Ein Deduktionssystem $D = (I, R)$ besteht aus

- Menge von Items I
- Menge von Deduktionsregeln $R \subseteq I^* \rightarrow I$ (partielle Funktionen)
- Deduktionsregel leitet aus **Vorgängern** eine **Konsequenz** ab

Notation Deduktionsregeln:

- $\frac{a_1, \dots, a_n}{c}$ Nebenbedingung
- $a_1, \dots, a_n \vdash c$, wenn $\exists r \in R : r(a_1, \dots, a_n) = c$

Idee:

- Items für jede Regel und Komponente
- Terminale und Variablen in Items durch Ranges ersetzen
 - Terminale durch Instanziierung
 - Variablen durch Vorgänger-Items

Idee:

- Items für jede Regel und Komponente
- Terminale und Variablen in Items durch Ranges ersetzen
 - Terminale durch Instanziierung
 - Variablen durch Vorgänger-Items

Idee:

- Items für jede Regel und Komponente
- Terminale und Variablen in Items durch Ranges ersetzen
 - Terminale durch Instanziierung
 - Variablen durch Vorgänger-Items

Idee:

- Items für jede Regel und Komponente
- Terminale und Variablen in Items durch Ranges ersetzen
 - Terminale durch Instanziierung
 - Variablen durch Vorgänger-Items

Idee:

- Items für jede Regel und Komponente
- Terminale und Variablen in Items durch Ranges ersetzen
 - Terminale durch Instanziierung
 - Variablen durch Vorgänger-Items

- **Initialisierung:** Items ohne Vorgänger erzeugen
- Scannen: Terminalsymbole durch Ranges ersetzen
- Kombinieren: Variablen durch Ranges ersetzen
- Vervollständigen: Items der gleichen Funktion zusammenführen

- Zielitem $(p_s, \langle(0, |w|\rangle), \rho')$ abgeleitet $\Leftrightarrow w \in L(G)$

Übersicht Deduktionsregeln

- Initialisierung: Items ohne Vorgänger erzeugen
- Scannen: Terminalsymbole durch Ranges ersetzen
- Kombinieren: Variablen durch Ranges ersetzen
- Vervollständigen: Items der gleichen Funktion zusammenführen

- Zielitem $(p_s, \langle(0, |w|\rangle), \rho')$ abgeleitet $\Leftrightarrow w \in L(G)$

Übersicht Deduktionsregeln

- Initialisierung: Items ohne Vorgänger erzeugen
- Scannen: Terminalsymbole durch Ranges ersetzen
- Kombinieren: Variablen durch Ranges ersetzen
- Vervollständigen: Items der gleichen Funktion zusammenführen
- Zielitem $(p_s, \langle(0, |w|\rangle), \rho')$ abgeleitet $\Leftrightarrow w \in L(G)$

Übersicht Deduktionsregeln

- Initialisierung: Items ohne Vorgänger erzeugen
 - Scannen: Terminalsymbole durch Ranges ersetzen
 - Kombinieren: Variablen durch Ranges ersetzen
 - Vervollständigen: Items der gleichen Funktion zusammenführen
- Zielitem $(p_s, \langle(0, |w|)\rangle, \rho')$ abgeleitet $\Leftrightarrow w \in L(G)$

- Initialisierung: Items ohne Vorgänger erzeugen
- Scannen: Terminalsymbole durch Ranges ersetzen
- Kombinieren: Variablen durch Ranges ersetzen
- Vervollständigen: Items der gleichen Funktion zusammenführen

- Zielitem $(p_s, \langle(0, |w|)\rangle, \rho')$ abgeleitet $\Leftrightarrow w \in L(G)$

Nutzen: Items ohne Vorgänger erzeugen

Für:

- Jede Regel $p = (A \rightarrow \langle u_1, \dots, u_i, \dots, u_\ell \rangle (A_1, \dots, A_k)) \in P$:

$$r_{init} = \overline{[\emptyset, p, i, e \bullet u_i, \emptyset]}$$

Bereits abgeleitet: \emptyset

Neu abgeleitet:

$$\vdash [\emptyset, p_2, 1, e \bullet, \emptyset]$$

$$\vdash [\emptyset, p_2, 2, e \bullet, \emptyset]$$

$$\vdash [\emptyset, p_3, 1, e \bullet ax_{1,1}b, \emptyset]$$

$$\vdash [\emptyset, p_3, 2, e \bullet ax_{1,2}b, \emptyset]$$

$$\vdash [\emptyset, p_1, 1, e \bullet x_{1,1}x_{1,2}, \emptyset]$$

Nutzen: Items ohne Vorgänger erzeugen

Für:

- Jede Regel $p = (A \rightarrow \langle u_1, \dots, u_i, \dots, u_\ell \rangle (A_1, \dots, A_k)) \in P$:

$$r_{init} = \overline{[\emptyset, p, i, e \bullet u_i, \emptyset]}$$

Bereits abgeleitet: \emptyset

Neu abgeleitet:

$$\vdash [\emptyset, p_2, 1, e \bullet, \emptyset]$$

$$\vdash [\emptyset, p_2, 2, e \bullet, \emptyset]$$

$$\vdash [\emptyset, p_3, 1, e \bullet ax_{1,1}b, \emptyset]$$

$$\vdash [\emptyset, p_3, 2, e \bullet ax_{1,2}b, \emptyset]$$

$$\vdash [\emptyset, p_1, 1, e \bullet x_{1,1}x_{1,2}, \emptyset]$$

Nutzen: Items ohne Vorgänger erzeugen

Für:

- Jede Regel $p = (A \rightarrow \langle u_1, \dots, u_i, \dots, u_\ell \rangle (A_1, \dots, A_k)) \in P$:

$$r_{init} = \overline{[\emptyset, p, i, e \bullet u_i, \emptyset]}$$

Bereits abgeleitet: \emptyset

Neu abgeleitet:

$$\vdash [\emptyset, p_2, 1, e \bullet, \emptyset]$$

$$\vdash [\emptyset, p_2, 2, e \bullet, \emptyset]$$

$$\vdash [\emptyset, p_3, 1, e \bullet ax_{1,1}b, \emptyset]$$

$$\vdash [\emptyset, p_3, 2, e \bullet ax_{1,2}b, \emptyset]$$

$$\vdash [\emptyset, p_1, 1, e \bullet x_{1,1}x_{1,2}, \emptyset]$$

Nutzen: Items ohne Vorgänger erzeugen

Für:

- Jede Regel $p = (A \rightarrow \langle u_1, \dots, u_i, \dots, u_\ell \rangle (A_1, \dots, A_k)) \in P$:

$$r_{init} = \overline{[\emptyset, p, i, e \bullet u_i, \emptyset]}$$

Bereits abgeleitet: \emptyset

Neu abgeleitet:

$$\vdash [\emptyset, p_2, 1, e \bullet, \emptyset]$$

$$\vdash [\emptyset, p_2, 2, e \bullet, \emptyset]$$

$$\vdash [\emptyset, p_3, 1, e \bullet ax_{1,1}b, \emptyset]$$

$$\vdash [\emptyset, p_3, 2, e \bullet ax_{1,2}b, \emptyset]$$

$$\vdash [\emptyset, p_1, 1, e \bullet x_{1,1}x_{1,2}, \emptyset]$$

Nutzen: Items ohne Vorgänger erzeugen

Für:

- Jede Regel $p = (A \rightarrow \langle u_1, \dots, u_i, \dots, u_\ell \rangle (A_1, \dots, A_k)) \in P$:

$$r_{init} = \overline{[\emptyset, p, i, e \bullet u_i, \emptyset]}$$

Bereits abgeleitet: \emptyset

Neu abgeleitet:

$$\vdash [\emptyset, p_2, 1, e \bullet, \emptyset]$$

$$\vdash [\emptyset, p_2, 2, e \bullet, \emptyset]$$

$$\vdash [\emptyset, p_3, 1, e \bullet ax_{1,1}b, \emptyset]$$

$$\vdash [\emptyset, p_3, 2, e \bullet ax_{1,2}b, \emptyset]$$

$$\vdash [\emptyset, p_1, 1, e \bullet x_{1,1}x_{1,2}, \emptyset]$$

Nutzen: Items ohne Vorgänger erzeugen

Für:

- Jede Regel $p = (A \rightarrow \langle u_1, \dots, u_i, \dots, u_\ell \rangle (A_1, \dots, A_k)) \in P$:

$$r_{Init} = \overline{[\emptyset, p, i, e \bullet u_i, \emptyset]}$$

Bereits abgeleitet: \emptyset

Neu abgeleitet:

$$\vdash [\emptyset, p_2, 1, e \bullet, \emptyset]$$

$$\vdash [\emptyset, p_2, 2, e \bullet, \emptyset]$$

$$\vdash [\emptyset, p_3, 1, e \bullet a x_{1,1} b, \emptyset]$$

$$\vdash [\emptyset, p_3, 2, e \bullet a x_{1,2} b, \emptyset]$$

$$\vdash [\emptyset, p_1, 1, e \bullet x_{1,1} x_{1,2}, \emptyset]$$

Nutzen: Terminalsymbole durch Ranges ersetzen

Für:

- $p = (A \rightarrow \langle u_1, \dots, u_i, \dots, u_\ell \rangle (A_1, \dots, A_k)) \in P$
- $w = \delta_1 \dots \delta_{b+1} \dots \delta_n$ für $b, n \in \mathbb{N}, \delta_1, \dots, \delta_n \in \Sigma$

$$r_{\text{Scannen}} = \frac{[\phi, p, i, (a, b) \bullet \delta_{b+1} u'_i, \Gamma]}{[\phi, p, i, (a, b+1) \bullet u'_i, \Gamma]}$$

Bereits abgeleitet:

$$1: [\emptyset, p_3, 1, e \bullet ax_{1,1}b, \emptyset]$$

$$2: [\emptyset, p_3, 2, e \bullet ax_{1,2}b, \emptyset]$$

Neu abgeleitet:

$$1 \vdash [\emptyset, p_3, 1, (0, 1) \bullet x_{1,1}b, \emptyset]$$

$$1 \vdash [\emptyset, p_3, 1, (2, 3) \bullet x_{1,1}b, \emptyset]$$

$$2 \vdash [\emptyset, p_3, 2, (2, 3) \bullet x_{1,2}b, \emptyset]$$

Nutzen: Terminalsymbole durch Ranges ersetzen

Für:

- $p = (A \rightarrow \langle u_1, \dots, u_i, \dots, u_\ell \rangle (A_1, \dots, A_k)) \in P$
- $w = \delta_1 \dots \delta_{b+1} \dots \delta_n$ für $b, n \in \mathbb{N}, \delta_1, \dots, \delta_n \in \Sigma$

$$r_{\text{Scannen}} = \frac{[\phi, p, i, (a, b) \bullet \delta_{b+1} u'_i, \Gamma]}{[\phi, p, i, (a, b+1) \bullet u'_i, \Gamma]}$$

Bereits abgeleitet:

$$1: [\emptyset, p_3, 1, e \bullet ax_{1,1}b, \emptyset]$$

$$2: [\emptyset, p_3, 2, e \bullet ax_{1,2}b, \emptyset]$$

Neu abgeleitet:

$$1 \vdash [\emptyset, p_3, 1, (0, 1) \bullet x_{1,1}b, \emptyset]$$

$$1 \vdash [\emptyset, p_3, 1, (2, 3) \bullet x_{1,1}b, \emptyset]$$

$$2 \vdash [\emptyset, p_3, 2, (2, 3) \bullet x_{1,2}b, \emptyset]$$

Nutzen: Terminalsymbole durch Ranges ersetzen

Für:

- $p = (A \rightarrow \langle u_1, \dots, u_i, \dots, u_\ell \rangle (A_1, \dots, A_k)) \in P$
- $w = \delta_1 \dots \delta_{b+1} \dots \delta_n$ für $b, n \in \mathbb{N}, \delta_1, \dots, \delta_n \in \Sigma$

$$r_{\text{Scannen}} = \frac{[\phi, p, i, (a, b) \bullet \delta_{b+1} u'_i, \Gamma]}{[\phi, p, i, (a, b+1) \bullet u'_i, \Gamma]}$$

Bereits abgeleitet:

1: $[\emptyset, p_3, 1, e \bullet ax_{1,1}b, \emptyset]$

2: $[\emptyset, p_3, 2, e \bullet ax_{1,2}b, \emptyset]$

Neu abgeleitet:

$1 \vdash [\emptyset, p_3, 1, (0, 1) \bullet x_{1,1}b, \emptyset]$

$1 \vdash [\emptyset, p_3, 1, (2, 3) \bullet x_{1,1}b, \emptyset]$

$2 \vdash [\emptyset, p_3, 2, (2, 3) \bullet x_{1,2}b, \emptyset]$

Nutzen: Terminalsymbole durch Ranges ersetzen

Für:

- $p = (A \rightarrow \langle u_1, \dots, u_i, \dots, u_\ell \rangle (A_1, \dots, A_k)) \in P$
- $w = \delta_1 \dots \delta_{b+1} \dots \delta_n$ für $b, n \in \mathbb{N}, \delta_1, \dots, \delta_n \in \Sigma$

$$r_{\text{Scannen}} = \frac{[\phi, p, i, (a, b) \bullet \delta_{b+1} u'_i, \Gamma]}{[\phi, p, i, (a, b+1) \bullet u'_i, \Gamma]}$$

Bereits abgeleitet:

$$1: [\emptyset, p_3, 1, e \bullet ax_{1,1}b, \emptyset]$$

$$2: [\emptyset, p_3, 2, e \bullet ax_{1,2}b, \emptyset]$$

Neu abgeleitet:

$$1 \vdash [\emptyset, p_3, 1, (0, 1) \bullet x_{1,1}b, \emptyset]$$

$$1 \vdash [\emptyset, p_3, 1, (2, 3) \bullet x_{1,1}b, \emptyset]$$

$$2 \vdash [\emptyset, p_3, 2, (2, 3) \bullet x_{1,2}b, \emptyset]$$

Nutzen: Terminalsymbole durch Ranges ersetzen

Für:

- $p = (A \rightarrow \langle u_1, \dots, u_i, \dots, u_\ell \rangle (A_1, \dots, A_k)) \in P$
- $w = \delta_1 \dots \delta_{b+1} \dots \delta_n$ für $b, n \in \mathbb{N}, \delta_1, \dots, \delta_n \in \Sigma$

$$r_{\text{Scannen}} = \frac{[\phi, p, i, (a, b) \bullet \delta_{b+1} u'_i, \Gamma]}{[\phi, p, i, (a, b+1) \bullet u'_i, \Gamma]}$$

Bereits abgeleitet:

$$1: [\emptyset, p_3, 1, e \bullet ax_{1,1}b, \emptyset]$$

$$2: [\emptyset, p_3, 2, e \bullet ax_{1,2}b, \emptyset]$$

Neu abgeleitet:

$$1 \vdash [\emptyset, p_3, 1, (0, 1) \bullet x_{1,1}b, \emptyset]$$

$$1 \vdash [\emptyset, p_3, 1, (2, 3) \bullet x_{1,1}b, \emptyset]$$

$$2 \vdash [\emptyset, p_3, 2, (2, 3) \bullet x_{1,2}b, \emptyset]$$

Nutzen: Terminalsymbole durch Ranges ersetzen

Für:

- $p = (A \rightarrow \langle u_1, \dots, u_i, \dots, u_\ell \rangle (A_1, \dots, A_k)) \in P$
- $w = \delta_1 \dots \delta_{b+1} \dots \delta_n$ für $b, n \in \mathbb{N}, \delta_1, \dots, \delta_n \in \Sigma$

$$r_{\text{Scannen}} = \frac{[\phi, p, i, (a, b) \bullet \delta_{b+1} u'_i, \Gamma]}{[\phi, p, i, (a, b+1) \bullet u'_i, \Gamma]}$$

Bereits abgeleitet:

$$1: [\emptyset, p_3, 1, e \bullet ax_{1,1}b, \emptyset]$$

$$2: [\emptyset, p_3, 2, e \bullet ax_{1,2}b, \emptyset]$$

Neu abgeleitet:

$$1 \vdash [\emptyset, p_3, 1, (0, 1) \bullet x_{1,1}b, \emptyset]$$

$$1 \vdash [\emptyset, p_3, 1, (2, 3) \bullet x_{1,1}b, \emptyset]$$

$$2 \vdash [\emptyset, p_3, 2, (2, 3) \bullet x_{1,2}b, \emptyset]$$

Nutzen: Variablen durch Ranges ersetzen

Für:

- $p = A \rightarrow \langle u_1, \dots, u_i, \dots, u_\ell \rangle (A_1, \dots, A_m, \dots, A_k) \in P$
- $p' = A_m \rightarrow \langle v_1, \dots, v_n, \dots, v_j \rangle (B_1, \dots, B_o) \in P$

$$\frac{[\phi, p, i, \rho \bullet x_{m,n} u'_j, \Gamma], [\phi', p', n, \rho' \bullet, \Gamma']}{[\phi \cup \{(m, p')\}, p, i, \rho \bullet \rho' \bullet u'_j, \Gamma \cup \{((m, n), \rho')\}]} \phi(m) = \emptyset \vee \phi(m) = p'$$

Bereits abgeleitet:

$$1: [\emptyset, p_3, 1, (0, 1) \bullet x_{1,1} b, \emptyset]$$

$$2: [\emptyset, p_2, 1, e \bullet, \emptyset]$$

Neu abgeleitet:

$$1, 2 \vdash [\{x_1 \rightarrow p_2\}, p_3, 1, (0, 1) \bullet b, \{x_{1,1} \rightarrow e\}]$$

Nutzen: Variablen durch Ranges ersetzen

Für:

- $p = A \rightarrow \langle u_1, \dots, u_i, \dots, u_\ell \rangle (A_1, \dots, A_m, \dots, A_k) \in P$
- $p' = A_m \rightarrow \langle v_1, \dots, v_n, \dots, v_j \rangle (B_1, \dots, B_o) \in P$

$$\frac{[\phi, p, i, \rho \bullet x_{m,n} u'_i, \Gamma], [\phi', p', n, \rho' \bullet, \Gamma']}{[\phi \cup \{(m, p')\}, p, i, \rho \bullet \rho' \bullet u'_i, \Gamma \cup \{((m, n), \rho')\}]} \phi(m) = \emptyset \vee \phi(m) = p'$$

Bereits abgeleitet:

$$1: [\emptyset, p_3, 1, (0, 1) \bullet x_{1,1} b, \emptyset]$$

$$2: [\emptyset, p_2, 1, e \bullet, \emptyset]$$

Neu abgeleitet:

$$1, 2 \vdash [\{x_1 \rightarrow p_2\}, p_3, 1, (0, 1) \bullet b, \{x_{1,1} \rightarrow e\}]$$

Nutzen: Variablen durch Ranges ersetzen

Für:

- $p = A \rightarrow \langle u_1, \dots, u_i, \dots, u_\ell \rangle (A_1, \dots, A_m, \dots, A_k) \in P$
- $p' = A_m \rightarrow \langle v_1, \dots, v_n, \dots, v_j \rangle (B_1, \dots, B_o) \in P$

$$\frac{[\phi, p, i, \rho \bullet x_{m,n} u'_i, \Gamma], [\phi', p', n, \rho' \bullet, \Gamma']}{[\phi \cup \{(m, p')\}, p, i, \rho \bullet \rho' \bullet u'_i, \Gamma \cup \{((m, n), \rho')\}]} \phi(m) = \emptyset \vee \phi(m) = p'$$

Bereits abgeleitet:

- 1: $[\emptyset, p_3, 1, (0, 1) \bullet x_{1,1} b, \emptyset]$
- 2: $[\emptyset, p_2, 1, e \bullet, \emptyset]$

Neu abgeleitet:

- 1,2 $\vdash [\{x_1 \rightarrow p_2\}, p_3, 1, (0, 1) \bullet b, \{x_{1,1} \rightarrow e\}]$

Nutzen: Variablen durch Ranges ersetzen

Für:

- $p = A \rightarrow \langle u_1, \dots, u_i, \dots, u_\ell \rangle (A_1, \dots, A_m, \dots, A_k) \in P$
- $p' = A_m \rightarrow \langle v_1, \dots, v_n, \dots, v_j \rangle (B_1, \dots, B_o) \in P$

$$\frac{[\phi, p, i, \rho \bullet x_{m,n} u'_i, \Gamma], [\phi', p', n, \rho' \bullet, \Gamma']}{[\phi \cup \{(m, p')\}, p, i, \rho \bullet \rho' \bullet u'_i, \Gamma \cup \{((m, n), \rho')\}]} \phi(m) = \emptyset \vee \phi(m) = p'$$

Bereits abgeleitet:

$$1: [\emptyset, p_3, 1, (0, 1) \bullet x_{1,1} b, \emptyset]$$

$$2: [\emptyset, p_2, 1, e \bullet, \emptyset]$$

Neu abgeleitet:

$$1, 2 \vdash [\{x_1 \rightarrow p_2\}, p_3, 1, (0, 1) \bullet b, \{x_{1,1} \rightarrow e\}]$$

Nutzen: Items gleicher Funktion zusammenführen

Für:

- $p = (A \rightarrow \langle u_1, \dots, u_\ell \rangle (A_1, \dots, A_m, \dots, A_k)) \in P$
- $p' = (A_m \rightarrow \langle u'_1, \dots, u'_m \rangle (A_1, \dots, A_k)) \in P$

$$r_{\text{Vervoll}} = \frac{[\phi_1, p, 1, \rho_1 \bullet, \Gamma_1], \dots, [\phi_\ell, p, \ell, \rho_\ell \bullet, \Gamma_\ell]}{(p, \langle \rho_1, \dots, \rho_\ell \rangle, \langle \rho'_1, \dots, \rho'_k \rangle)}$$

$$(\Gamma := \bigcup_{\alpha \in [\ell]} \Gamma_\alpha, \forall i \in [k] : \rho'_i := \langle \Gamma(i, 1), \dots, \Gamma(i, m) \rangle),$$

$$\forall y, z \in [\ell] : \forall v \in [k] : \phi_y(v) = \phi_z(v) \vee \phi_y(v) = \emptyset \vee \phi_z(v) = \emptyset$$

Bereits abgeleitet:

- 1: $[\{x_1 \rightarrow p_2\}, p_3, 1, (0, 2) \bullet, \{x_{1,1} \rightarrow e\}]$
- 2: $[\{x_1 \rightarrow p_2\}, p_3, 2, (2, 4) \bullet, \{x_{1,2} \rightarrow e\}]$
- 3: $[\{x_1 \rightarrow p_3\}, p_1, 1, (0, 4) \bullet, \{x_{1,1} \rightarrow (0, 2), x_{1,2} \rightarrow (2, 4)\}]$

Neu abgeleitet:

- 1, 2 $\vdash (p_3, \langle (0, 2), (2, 4) \rangle, \langle \langle e, e \rangle \rangle)$
- 3 $\vdash (p_1, \langle (0, 4) \rangle, \langle \langle (0, 2), (2, 4) \rangle \rangle)$

Nutzen: Items gleicher Funktion zusammenführen

Für:

- $p = (A \rightarrow \langle u_1, \dots, u_\ell \rangle (A_1, \dots, A_m, \dots A_k)) \in P$
- $p' = (A_m \rightarrow \langle u'_1, \dots, u'_m \rangle (A_1, \dots, A_k)) \in P$

$$r_{\text{Vervoll}} = \frac{[\phi_1, p, 1, \rho_1 \bullet, \Gamma_1], \dots, [\phi_\ell, p, \ell, \rho_\ell \bullet, \Gamma_\ell]}{(p, \langle \rho_1, \dots, \rho_\ell \rangle, \langle \rho'_1, \dots, \rho'_k \rangle)}$$

$$(\Gamma := \bigcup_{\alpha \in [\ell]} \Gamma_\alpha, \forall i \in [k] : \rho'_i := \langle \Gamma(i, 1), \dots, \Gamma(i, m) \rangle, \\ \forall y, z \in [\ell] : \forall v \in [k] : \phi_y(v) = \phi_z(v) \vee \phi_y(v) = \emptyset \vee \phi_z(v) = \emptyset)$$

Bereits abgeleitet:

- 1: $[\{x_1 \rightarrow p_2\}, p_3, 1, (0, 2) \bullet, \{x_{1,1} \rightarrow e\}]$
- 2: $[\{x_1 \rightarrow p_2\}, p_3, 2, (2, 4) \bullet, \{x_{1,2} \rightarrow e\}]$
- 3: $[\{x_1 \rightarrow p_3\}, p_1, 1, (0, 4) \bullet, \{x_{1,1} \rightarrow (0, 2), x_{1,2} \rightarrow (2, 4)\}]$

Neu abgeleitet:

- 1, 2 $\vdash (p_3, \langle (0, 2), (2, 4) \rangle, \langle \langle e, e \rangle \rangle)$
- 3 $\vdash (p_1, \langle (0, 4) \rangle, \langle \langle (0, 2), (2, 4) \rangle \rangle)$

Nutzen: Items gleicher Funktion zusammenführen

Für:

- $p = (A \rightarrow \langle u_1, \dots, u_\ell \rangle (A_1, \dots, A_m, \dots, A_k)) \in P$
- $p' = (A_m \rightarrow \langle u'_1, \dots, u'_m \rangle (A_1, \dots, A_k)) \in P$

$$r_{\text{Vervoll}} = \frac{[\phi_1, p, 1, \rho_1 \bullet, \Gamma_1], \dots, [\phi_\ell, p, \ell, \rho_\ell \bullet, \Gamma_\ell]}{(p, \langle \rho_1, \dots, \rho_\ell \rangle, \langle \rho'_1, \dots, \rho'_k \rangle)}$$

$$(\Gamma := \bigcup_{\alpha \in [\ell]} \Gamma_\alpha, \forall i \in [k] : \rho'_i := \langle \Gamma(i, 1), \dots, \Gamma(i, m) \rangle,$$

$$\forall y, z \in [\ell] : \forall v \in [k] : \phi_y(v) = \phi_z(v) \vee \phi_y(v) = \emptyset \vee \phi_z(v) = \emptyset)$$

Bereits abgeleitet:

- 1: $[\{x_1 \rightarrow p_2\}, p_3, 1, (0, 2) \bullet, \{x_{1,1} \rightarrow e\}]$
- 2: $[\{x_1 \rightarrow p_2\}, p_3, 2, (2, 4) \bullet, \{x_{1,2} \rightarrow e\}]$
- 3: $[\{x_1 \rightarrow p_3\}, p_1, 1, (0, 4) \bullet, \{x_{1,1} \rightarrow (0, 2), x_{1,2} \rightarrow (2, 4)\}]$

Neu abgeleitet:

- 1, 2 $\vdash (p_3, \langle (0, 2), (2, 4) \rangle, \langle \langle e, e \rangle \rangle)$
- 3 $\vdash (p_1, \langle (0, 4) \rangle, \langle \langle (0, 2), (2, 4) \rangle \rangle)$

Nutzen: Items gleicher Funktion zusammenführen

Für:

- $p = (A \rightarrow \langle u_1, \dots, u_\ell \rangle (A_1, \dots, A_m, \dots A_k)) \in P$
- $p' = (A_m \rightarrow \langle u'_1, \dots, u'_m \rangle (A_1, \dots, A_k)) \in P$

$$r_{\text{Vervoll}} = \frac{[\phi_1, p, 1, \rho_1 \bullet, \Gamma_1], \dots, [\phi_\ell, p, \ell, \rho_\ell \bullet, \Gamma_\ell]}{(p, \langle \rho_1, \dots, \rho_\ell \rangle, \langle \rho'_1, \dots, \rho'_k \rangle)}$$
$$(\Gamma := \bigcup_{\alpha \in [\ell]} \Gamma_\alpha, \forall i \in [k] : \rho'_i := \langle \Gamma(i, 1), \dots, \Gamma(i, m) \rangle,$$
$$\forall y, z \in [\ell] : \forall v \in [k] : \phi_y(v) = \phi_z(v) \vee \phi_y(v) = \emptyset \vee \phi_z(v) = \emptyset)$$

Bereits abgeleitet:

- 1: $[\{x_1 \rightarrow p_2\}, p_3, 1, (0, 2) \bullet, \{x_{1,1} \rightarrow e\}]$
- 2: $[\{x_1 \rightarrow p_2\}, p_3, 2, (2, 4) \bullet, \{x_{1,2} \rightarrow e\}]$
- 3: $[\{x_1 \rightarrow p_3\}, p_1, 1, (0, 4) \bullet, \{x_{1,1} \rightarrow (0, 2), x_{1,2} \rightarrow (2, 4)\}]$

Neu abgeleitet:

- 1, 2 $\vdash (p_3, \langle (0, 2), (2, 4) \rangle, \langle \langle e, e \rangle \rangle)$
- 3 $\vdash (p_1, \langle (0, 4) \rangle, \langle \langle (0, 2), (2, 4) \rangle \rangle)$

Nutzen: Items gleicher Funktion zusammenführen

Für:

- $p = (A \rightarrow \langle u_1, \dots, u_\ell \rangle (A_1, \dots, A_m, \dots A_k)) \in P$
- $p' = (A_m \rightarrow \langle u'_1, \dots, u'_m \rangle (A_1, \dots, A_k)) \in P$

$$r_{\text{Vervoll}} = \frac{[\phi_1, p, 1, \rho_1 \bullet, \Gamma_1], \dots, [\phi_\ell, p, \ell, \rho_\ell \bullet, \Gamma_\ell]}{(p, \langle \rho_1, \dots, \rho_\ell \rangle, \langle \rho'_1, \dots, \rho'_k \rangle)}$$
$$(\Gamma := \bigcup_{\alpha \in [\ell]} \Gamma_\alpha, \forall i \in [k] : \rho'_i := \langle \Gamma(i, 1), \dots, \Gamma(i, m) \rangle),$$
$$\forall y, z \in [\ell] : \forall v \in [k] : \phi_y(v) = \phi_z(v) \vee \phi_y(v) = \emptyset \vee \phi_z(v) = \emptyset$$

Bereits abgeleitet:

- 1: $[\{x_1 \rightarrow p_2\}, p_3, 1, (0, 2) \bullet, \{x_{1,1} \rightarrow e\}]$
- 2: $[\{x_1 \rightarrow p_2\}, p_3, 2, (2, 4) \bullet, \{x_{1,2} \rightarrow e\}]$
- 3: $[\{x_1 \rightarrow p_3\}, p_1, 1, (0, 4) \bullet, \{x_{1,1} \rightarrow (0, 2), x_{1,2} \rightarrow (2, 4)\}]$

Neu abgeleitet:

- 1, 2 $\vdash (p_3, \langle (0, 2), (2, 4) \rangle, \langle \langle e, e \rangle \rangle)$
- 3 $\vdash (p_1, \langle (0, 4) \rangle, \langle \langle (0, 2), (2, 4) \rangle \rangle)$

Nutzen: Items gleicher Funktion zusammenführen

Für:

- $p = (A \rightarrow \langle u_1, \dots, u_\ell \rangle (A_1, \dots, A_m, \dots A_k)) \in P$
- $p' = (A_m \rightarrow \langle u'_1, \dots, u'_m \rangle (A_1, \dots, A_k)) \in P$

$$r_{\text{Vervoll}} = \frac{[\phi_1, p, 1, \rho_1 \bullet, \Gamma_1], \dots, [\phi_\ell, p, \ell, \rho_\ell \bullet, \Gamma_\ell]}{(p, \langle \rho_1, \dots, \rho_\ell \rangle, \langle \rho'_1, \dots, \rho'_k \rangle)}$$
$$(\Gamma := \bigcup_{\alpha \in [\ell]} \Gamma_\alpha, \forall i \in [k] : \rho'_i := \langle \Gamma(i, 1), \dots, \Gamma(i, m) \rangle,$$
$$\forall y, z \in [\ell] : \forall v \in [k] : \phi_y(v) = \phi_z(v) \vee \phi_y(v) = \emptyset \vee \phi_z(v) = \emptyset)$$

Bereits abgeleitet:

- 1: $[\{x_1 \rightarrow p_2\}, p_3, 1, (0, 2) \bullet, \{x_{1,1} \rightarrow e\}]$
- 2: $[\{x_1 \rightarrow p_2\}, p_3, 2, (2, 4) \bullet, \{x_{1,2} \rightarrow e\}]$
- 3: $[\{x_1 \rightarrow p_3\}, p_1, 1, (0, 4) \bullet, \{x_{1,1} \rightarrow (0, 2), x_{1,2} \rightarrow (2, 4)\}]$

Neu abgeleitet:

- 1, 2 $\vdash (p_3, \langle (0, 2), (2, 4) \rangle, \langle \langle e, e \rangle \rangle)$
- 3 $\vdash (p_1, \langle (0, 4) \rangle, \langle \langle (0, 2), (2, 4) \rangle \rangle)$

Nutzen: Items gleicher Funktion zusammenführen

Für:

- $p = (A \rightarrow \langle u_1, \dots, u_\ell \rangle (A_1, \dots, A_m, \dots A_k)) \in P$
- $p' = (A_m \rightarrow \langle u'_1, \dots, u'_m \rangle (A_1, \dots, A_k)) \in P$

$$r_{\text{Vervoll}} = \frac{[\phi_1, p, 1, \rho_1 \bullet, \Gamma_1], \dots, [\phi_\ell, p, \ell, \rho_\ell \bullet, \Gamma_\ell]}{(p, \langle \rho_1, \dots, \rho_\ell \rangle, \langle \rho'_1, \dots, \rho'_k \rangle)}$$
$$(\Gamma := \bigcup_{\alpha \in [\ell]} \Gamma_\alpha, \forall i \in [k] : \rho'_i := \langle \Gamma(i, 1), \dots, \Gamma(i, m) \rangle),$$
$$\forall y, z \in [\ell] : \forall v \in [k] : \phi_y(v) = \phi_z(v) \vee \phi_y(v) = \emptyset \vee \phi_z(v) = \emptyset$$

Bereits abgeleitet:

- 1: $[\{x_1 \rightarrow p_2\}, p_3, 1, (0, 2) \bullet, \{x_{1,1} \rightarrow e\}]$
- 2: $[\{x_1 \rightarrow p_2\}, p_3, 2, (2, 4) \bullet, \{x_{1,2} \rightarrow e\}]$
- 3: $[\{x_1 \rightarrow p_3\}, p_1, 1, (0, 4) \bullet, \{x_{1,1} \rightarrow (0, 2), x_{1,2} \rightarrow (2, 4)\}]$

Neu abgeleitet:

- 1,2 $\vdash (p_3, \langle (0, 2), (2, 4) \rangle, \langle \langle e, e \rangle \rangle)$
- 3 $\vdash (p_1, \langle (0, 4) \rangle, \langle \langle (0, 2), (2, 4) \rangle \rangle)$

Nutzen: Items gleicher Funktion zusammenführen

Für:

- $p = (A \rightarrow \langle u_1, \dots, u_\ell \rangle (A_1, \dots, A_m, \dots A_k)) \in P$
- $p' = (A_m \rightarrow \langle u'_1, \dots, u'_m \rangle (A_1, \dots, A_k)) \in P$

$$r_{\text{Vervoll}} = \frac{[\phi_1, p, 1, \rho_1 \bullet, \Gamma_1], \dots, [\phi_\ell, p, \ell, \rho_\ell \bullet, \Gamma_\ell]}{(p, \langle \rho_1, \dots, \rho_\ell \rangle, \langle \rho'_1, \dots, \rho'_k \rangle)}$$
$$(\Gamma := \bigcup_{\alpha \in [\ell]} \Gamma_\alpha, \forall i \in [k] : \rho'_i := \langle \Gamma(i, 1), \dots, \Gamma(i, m) \rangle),$$
$$\forall y, z \in [\ell] : \forall v \in [k] : \phi_y(v) = \phi_z(v) \vee \phi_y(v) = \emptyset \vee \phi_z(v) = \emptyset$$

Bereits abgeleitet:

- 1: $[\{x_1 \rightarrow p_2\}, p_3, 1, (0, 2) \bullet, \{x_{1,1} \rightarrow e\}]$
- 2: $[\{x_1 \rightarrow p_2\}, p_3, 2, (2, 4) \bullet, \{x_{1,2} \rightarrow e\}]$
- 3: $[\{x_1 \rightarrow p_3\}, p_1, 1, (0, 4) \bullet, \{x_{1,1} \rightarrow (0, 2), x_{1,2} \rightarrow (2, 4)\}]$

Neu abgeleitet:

- 1,2 $\vdash (p_3, \langle (0, 2), (2, 4) \rangle, \langle \langle e, e \rangle \rangle)$
- 3 $\vdash (p_1, \langle (0, 4) \rangle, \langle \langle (0, 2), (2, 4) \rangle \rangle)$

Übersicht Deduktionsregeln

- Initialisierung: Items ohne Vorgänger erzeugen
- Scannen: Terminalsymbole durch Ranges ersetzen
- Kombinieren: Variablen durch Ranges ersetzen
- Vervollständigen: Items der gleichen Funktion zusammenführen

- Zielitem $(p_s, \langle(0, |w|\rangle), \rho')$ abgeleitet $\Leftrightarrow w \in L(G)$

$(p_1, \langle(0, 4)\rangle, \langle\langle(0, 2), (2, 4)\rangle\rangle)$ abgeleitet $\Rightarrow abab \in L(G)$

Zielitem: $(p_1, \langle(0, 4)\rangle, \langle\langle(0, 2), (2, 4)\rangle\rangle)$

Aktueller Stand:

- Inkrementeller Parser in Vanda-Haskell implementiert
- Generierung von Ableitungsbäumen

Ausblick:

- Kompatibilität implementieren
- Quelltext der Implementation optimieren
- Gewichtete LCFRS und Heuristiken einführen
- Vergleich von verschiedenen LCFRS-Parsern

Vielen Dank für Ihre Aufmerksamkeit!

Zielitem: $(p_1, \langle(0, 4)\rangle, \langle\langle(0, 2), (2, 4)\rangle\rangle)$

Aktueller Stand:

- Inkrementeller Parser in Vanda-Haskell implementiert
- Generierung von Ableitungsbäumen

Ausblick:

- Kompatibilität implementieren
- Quelltext der Implementation optimieren
- Gewichtete LCFRS und Heuristiken einführen
- Vergleich von verschiedenen LCFRS-Parsern

Vielen Dank für Ihre Aufmerksamkeit!

Zielitem: $(p_1, \langle(0, 4)\rangle, \langle\langle(0, 2), (2, 4)\rangle\rangle)$

Aktueller Stand:

- Inkrementeller Parser in Vanda-Haskell implementiert
- Generierung von Ableitungsbäumen

Ausblick:

- Kompatibilität implementieren
- Quelltext der Implementation optimieren
- Gewichtete LCFRS und Heuristiken einführen
- Vergleich von verschiedenen LCFRS-Parsern

Vielen Dank für Ihre Aufmerksamkeit!

Zielitem: $(p_1, \langle(0, 4)\rangle, \langle\langle(0, 2), (2, 4)\rangle\rangle)$

Aktueller Stand:

- Inkrementeller Parser in Vanda-Haskell implementiert
- Generierung von Ableitungsbäumen

Ausblick:

- Kompatibilität implementieren
- Quelltext der Implementation optimieren
- Gewichtete LCFRS und Heuristiken einführen
- Vergleich von verschiedenen LCFRS-Parsern

Vielen Dank für Ihre Aufmerksamkeit!

Zielitem: $(p_1, \langle(0, 4)\rangle, \langle\langle(0, 2), (2, 4)\rangle\rangle)$

Aktueller Stand:

- Inkrementeller Parser in Vanda-Haskell implementiert
- Generierung von Ableitungsbäumen

Ausblick:

- Kompatibilität implementieren
- Quelltext der Implementation optimieren
- Gewichtete LCFRS und Heuristiken einführen
- Vergleich von verschiedenen LCFRS-Parsern

Vielen Dank für Ihre Aufmerksamkeit!

Zielitem: $(p_1, \langle(0, 4)\rangle, \langle\langle(0, 2), (2, 4)\rangle\rangle)$

Aktueller Stand:

- Inkrementeller Parser in Vanda-Haskell implementiert
- Generierung von Ableitungsbäumen

Ausblick:

- Kompatibilität implementieren
- Quelltext der Implementation optimieren
- Gewichtete LCFRS und Heuristiken einführen
- Vergleich von verschiedenen LCFRS-Parsern

Vielen Dank für Ihre Aufmerksamkeit!

Zielitem: $(p_1, \langle(0, 4)\rangle, \langle\langle(0, 2), (2, 4)\rangle\rangle)$

Aktueller Stand:

- Inkrementeller Parser in Vanda-Haskell implementiert
- Generierung von Ableitungsbäumen

Ausblick:

- Kompatibilität implementieren
- Quelltext der Implementation optimieren
- Gewichtete LCFRS und Heuristiken einführen
- Vergleich von verschiedenen LCFRS-Parsern

Vielen Dank für Ihre Aufmerksamkeit!

Zielitem: $(p_1, \langle(0, 4)\rangle, \langle\langle(0, 2), (2, 4)\rangle\rangle)$

Aktueller Stand:

- Inkrementeller Parser in Vanda-Haskell implementiert
- Generierung von Ableitungsbäumen

Ausblick:

- Kompatibilität implementieren
- Quelltext der Implementation optimieren
- Gewichtete LCFRS und Heuristiken einführen
- Vergleich von verschiedenen LCFRS-Parsern

Vielen Dank für Ihre Aufmerksamkeit!



Burden, H. & Ljunglöf, P. (2005). Parsing linear context-free rewriting systems. In *Proceedings of the ninth international workshop on parsing technology* (pp. 11–17). Parsing '05. Vancouver, British Columbia, Canada: Association for Computational Linguistics. Retrieved from <http://dl.acm.org/citation.cfm?id=1654494.1654496>







Joshi, A. K. (1985). Tree adjoining grammars: How much context-sensitivity is required to provide reasonable structural descriptions? In D. R. Dowty, L. Karttunen & A. M. Zwicky (Eds.), *Natural language parsing: Psychological, computational, and theoretical perspectives* (pp. 206–250). Studies in Natural Language Processing. Cambridge University Press. doi:10.1017/CBO9780511597855.007



Kallmeyer, L. (2010). *Parsing beyond context-free grammars* (1st). Springer Publishing Company, Incorporated.

Quellen II

-  Ruprecht, T. (2017). *Parsing linear context-free rewriting systems*. Techn. Ber., Technische Universität Dresden.
-  Shieber, S. M. (1985). Evidence against the context-freeness of natural language. *Linguistics and Philosophy*, 8(3), 333–343. doi:10.1007/BF00630917
-  Shieber, S. M., Schabes, Y. & Pereira, F. C. (1995). Principles and implementation of deductive parsing. *The Journal of Logic Programming*, 24(1), 3–36. Computational Linguistics and Logic Programming. doi:https://doi.org/10.1016/0743-1066(95)00035-I
-  Vijay-Shanker, K., Weir, D. J. & Joshi, A. K. (1987). Characterizing structural descriptions produced by various grammatical formalisms. In *Proc. of the 25th annual meeting on acl*.